

## Problem A. Большие данные

Input file: *none*  
Output file: *текстовый ввод*  
Time limit: 1 секунда  
Memory limit: 512 мегабайт

Так как при переходе к каждой следующей единице «двоичные» величины увеличиваются в  $2^{10}$  раз, а «десятичные» в  $10^3$ , то фактически требуется найти разность между  $2^{10^4}$  и  $10^{3^4}$ , или же между  $2^{40}$  и  $10^{12}$ .

Её можно вычислить как с помощью компьютера (калькулятора, приложения «Калькулятор»), так и вручную, возведя приведённое значение  $2^{20}$  в квадрат и вычтя  $10^{12}$ . Так как рассматриваются диски объёмом 4 терабайта и 4 тебибайта, то для получения итогового ответа разность требуется умножить на 4.

## Problem B. Тридевятое царство

Input file:            *standard input*  
Output file:         *standard output*  
Time limit:          1 second  
Memory limit:       256 mebibytes

За  $N - 2$  дороги справиться легко — например, соединив все города, не имеющие выхода к морю (а таких будет  $N - 2$ ) с каким-то одним из двух городов, имеющих выход к морю.

Покажем, что если каждый город имеет выход к морю, то дорог не менее  $N - 2$ . Для этого будем двигаться от моря к каждому городу. Все города, до которых можно дойти, проехав одну дорогу, обозначим за 1, все города, которые ещё не имеют обозначений и до которых можно дойти, проехав две дороги, за 2 и так далее. Очевидно, что если все города соединены с морем, то рано или поздно каждый город получит обозначение. При этом дорога, по которой в этот город пришли, до этого не проходила (иначе бы этот город уже имел обозначение). Таким образом, каждому городу не у моря однозначно соответствует дорога, и тем самым дорог не менее  $N - 2$ .

Таким образом, программа должна считывать  $N$  и выводить число  $N - 2$ .

```
#include <stdio.h>

main()
{
    int n;
    scanf("%d", &n);
    printf("%d\n", n - 2);
    return 0;
}
```

## Problem C. Частотный словарь

Input file:            *standard input*  
Output file:           *standard output*  
Time limit:            1 секунда  
Memory limit:         64 мегабайта

Для решения задачи заметим, что количество вхождений какой-либо буквы в текст равно сумме количества вхождений этой буквы во все слова. Таким образом, требуется прочитать все строки словаря и для каждой буквы текущего слова прибавить к счётчику количества вхождений этой буквы (таких счётчиков, очевидно, всего 26) кратность текущего слова. После чего из 26 счётчиков стандартной (или самостоятельно написанной) процедурой выбрать наибольший.

```
#include <stdio.h>
#include <cstring>

int letters[26];

main()
{
    int N, q, max = 0;
    char buf[1000];
    for (int i = 0; i < 26; i++)
        letters[i] = 0;
    scanf("%d", &N);
    for (int j = 0; j < N; j++) {
        scanf("%s %d", buf, &q);
        for (int i = 0; i < strlen(buf); i++)
            letters[buf[i] - 'a'] += q;
    }

    for (int i = 0; i < 26; i++)
        if (letters[i] > max)
            max = letters[i];
    printf("%d\n", max);
    return 0;
}
```

## Problem D. Треугольник

Input file: *standard input*  
Output file: *standard output*  
Time limit: 2 seconds  
Memory limit: 512 mebibytes

Обозначим гипотенузу за  $c$ , а второй катет за  $b$ . Из теоремы Пифагора  $c^2 = p^2 + b^2$ , то есть  $p^2 = c^2 - b^2$ , или  $p^2 = (c + b)(c - b)$ . Разложить квадрат простого числа на целые множители можно двумя способами  $p \cdot p$  (в этом случае  $c + b = c - b$  и  $b = 0$ , что невозможно по условию задачи) или  $1 \cdot p^2$ . Получаем систему уравнений  $c + b = p^2$  и  $c - b = 1$ . Решая её, получаем, что  $c = (p^2 + 1)/2$ .

Таким образом, если  $p = 2$ , целочисленных прямоугольных треугольников со стороной  $p$  не существует. Иначе длина гипотенузы восстанавливается однозначно по выведенной выше формуле.

Написание программы, реализующей это решение, не должно вызвать затруднений (один условный оператор, а затем вычисления по формуле). Стоит обратить внимание, что ответ не помещается в 32-битный тип данных, так что для хранения ответа следует использовать 64-битное целое.

Пример решения задачи на языке C.

```
#include <stdio.h>

main()
{
    long long p;
    scanf("%lld\n", &p);
    if (p == 2LL)
        printf("-1\n");
    else
        printf("%lld\n", (p * p + 1) / 2LL);
    return 0;
}
```

## Problem E. Лара и странный барельеф

Input file: *none*  
Output file: *текстовый ввод*  
Time limit: 1 second  
Memory limit: 64 mebibytes

К ответу на задачу можно придти несколькими способами.

Можно заметить в слове “LINUX”, которое имеет значение 59, подстроку “LIX” — римскую запись числа 59.

Можно обратить внимание на то, что в словах со значением, превосходящих 1000, содержится буква ‘M’, а в слове “PROGRAMMING” таких букв две. Таким образом, сопоставить букву ‘M’ и 1000, после чего догадаться об использовании римских чисел в данной задаче.

Алгоритм шифровки выглядит так: все буквы, не являющиеся римскими цифрами, отбрасываются. Если получившееся римское число некорректно (например, IMIC в слове “INFORMATICS”, выводится сообщение об ошибке. Иначе выводится его значение или 0, если ни одной цифры не осталось.

При проведении соответствующих операций над словом “MEDALIST” получается MDLI, или 1551.